ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ (a b) c = a(b c) $E = mc^{2}$

Математика. 9 класс.

Вариант-4

- 1. Расстояние между двумя пунктами автомобиль должен проехать за 5 часов. Первые 2 часа он ехал с намеченной скоростью, а затем увеличил ее на 5 км/час и поэтому в конечный пункт приехал на 15 мин. раньше, чем предполагалось. Найти (в км/час) первоначальную скорость автомобиля.
- 2. В прямоугольной трапеции меньшее основание равно 10, большая боковая сторона равна
- 8. Острый угол равен 60°. Определить среднюю линию трапеции.

3. Упростить
$$\left(\sqrt{\frac{2}{3}} + \sqrt{\frac{1}{2}}\right) \cdot \sqrt{2 - \sqrt{3}} + \left(\sqrt{\frac{2}{3}} - \sqrt{\frac{1}{2}}\right) \cdot \sqrt{2 + \sqrt{3}}$$
.

- 4. При каком значении параметра а прямая y = 2x + a и парабола $y = x^2 + 2x 1$ имеют ровно одну точку пересечения.
- 5. НОК двух чисел, не делящихся друг на друга, равно 630, а их НОД равен 18. Найдите эти числа.
- 6. В олимпиаде по физике участвовало не более 70 школьников, причем половина из них девочки. Пятеро участников сдали работы первыми, и ушли, после этого девочки стали составлять 48% среди оставшихся. Сколько всего школьников принимало участие в олимпиаде?
- 7. Найти значение выражения -8 t + 22 u + x + 2 y 19 z, если известно, что t 4 u + 3 x + y + 3 z = -2 и -t + 2 u + 2 x + y 2 z = 3.
- 8. Решить уравнение $x^2 + \frac{16x^2}{(x+4)^2} = 33$. В ответ записать сумму всех решений уравнения.
- 9. Около окружности с диаметром 15 см описана равнобедренная трапеция с боковой стороной, равной 17 см. Найти основания трапеции.
- 10. Из бутыли, наполненной 12% раствором соли, отлили 1 литр и долили бутыль водой, затем отлили еще 1 литр и опять долили водой. В бутыли оказался 3% раствор соли. Какова вместимость бутыли (ответ дать в литрах)?