ГАЗПРОМ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

$(ab)c=a(bc)$ $E=mc^2$

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

**ШИФР** 31457

Класс 10 Вариант 7 Дата Олимпиады 03.03.2018

Площадка написания ООО „Газпром трансгаз Чайковский"

| Задача | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | Σ 30 | | Подпись |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | | | | | | | Цифрой | Прописью | |
| Оценка | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 30 | тридцать | |

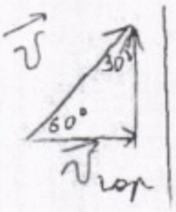
## №1

$E_{к\ в\ наив\ точке} = 10$ Дж в наивысшей точке тело обладает только горизонтальной $v$, т.к. $\vec{g} \perp v_{гор}$, то $v_{гор} = const$

$$\frac{m v_{гор}^2}{2} = E_{к\ в\ н.т.} = 10$$

$$v_{гор} = 2\sqrt{5}\ м/с$$

5




$$\Rightarrow v = \frac{v_{гор}}{\cos 60^\circ} = 4\sqrt{5}\ м/с$$

5

## №2

По закону Бернулли производительность каждой трубы в системе одинакова $\Rightarrow$

$$\frac{M}{\tau} = v_1 S_1 \rho$$

$$\frac{M}{\tau} = v_2 S_2 \rho$$

$$P = \frac{F}{S}$$

по ЗСИ через II Закон Ньютона

$$F\tau = Mv$$

$$F = \frac{Mv}{\tau}$$

$$P_1 = \frac{M v_1}{\tau S_1} = \frac{M^2}{\tau^2 S_1^2 \rho}$$

$$P_2 = \frac{M v_2}{\tau S_2} = \frac{M^2}{\tau^2 S_2^2 \rho}$$

$$P_2 - P_1 = \frac{M^2 (S_1^2 - S_2^2)}{\tau^2 S_1^2 S_2^2 \rho}$$

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

$(ab)c = a(bc)$ $E = mc^2$

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 31457

## №3

Т.к. процесс адиабатический, то $\Delta A = \Delta U$

$$\Delta A = \frac{3}{2}\nu R \Delta T \Rightarrow \Delta T = \frac{2\Delta A}{3\nu R}$$

$$\left.\begin{aligned} v_0 &= \sqrt{\frac{3RT}{M}} \\ v_1 &= \sqrt{\frac{3R(T+\Delta T)}{M}} \end{aligned}\right| \Rightarrow \frac{v_1}{v_0} = \sqrt{1 + \frac{2\Delta A}{3\nu RT}}$$ +5

## №4

Крайний случай будет, когда частица в плоскости кольца и частица вместе с кольцом движется с одинаковой скоростью

по ЗСЭ
$$\frac{mv^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{mv_1^2}{2} + \frac{kqQ}{R}$$

по ЗСИ
$$mv = mv_1(m+M)$$
$$v_1 = \frac{mv}{m+M}$$
$$\frac{mv^2}{2} = \frac{m^3v^2}{2(m+M)^2} + \frac{Mm^2v^2}{2(m+M)^2} + \frac{kqQ}{R}$$
$$v^2\left(\frac{m^3 + 2m^2M + M^2m - m^3 - Mm^2}{(m+M)^2}\right) = \frac{2kqQ}{R}$$
$$v = \sqrt{\frac{2kqQ(m+M)}{R(M^2m + Mm^2)}}$$ +5

$\frac{м^2/с^2 \cdot кг \cdot с^2}{кг \cdot м}$

## №5

По закону сохр. имп. $mv_0 = -mv_1 + 3mv_2$ $v_0 = -v_1 + 3v_2$

По ЗСЭ $\frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{3mv_2^2}{2}$ $v_1 = \sqrt{v_0^2 - 3v_2^2}$

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

**ШИФР** 31457

$$-V_0 + 3V_2 = \sqrt{V_1^2 - 3V_2^2}$$

$$V_1^2 - 6V_0V_2 + 9V_2^2 = V_0^2 - 3V_2^2$$

$$12V_2^2 - 6V_0V_2 = 0$$

$V_2 = 0$ $V_2 = 0{,}5V_0$ $\Rightarrow$ $V_1 = -0{,}5V_0$

п. г.

По ЗСЭ

$$\frac{3m\cdot(0{,}5V_0)^2}{2} = \frac{kx^2}{2} + \frac{5mV_3^2}{2}$$

$\Rightarrow$

По ЗСИ

$$3m\cdot 0{,}5V_0 = 5m\cdot V_1$$

$$V_1 = 0{,}3V_0$$

$$0{,}75V_0^2m - 0{,}45V_0^2m = kx^2$$

$$0{,}3V_0^2m = kx^2$$

$$x = \sqrt{\frac{0{,}3V_0^2m}{k}}$$

$$l = L - \sqrt{\frac{0{,}3V_0^2m}{k}}$$ + 5

наим. расстояние

№6

$\frac{m_x v^2}{H} = \frac{m_x M}{H^2} G$ $\quad v = \sqrt{\frac{MG}{H}} = v_1 \sqrt{\frac{R}{H}}$ +

$v_1 \sqrt{\frac{1}{5}} =$ [illegible]

$\frac{m_x M (v^2 + \Delta u^2)}{2} - \frac{m_x M}{H} G = 0$ +

$v^2 + \Delta u^2 = \frac{2 v_1^2 R}{H}$

$\Delta u^2 = v_1^2 \frac{R}{H}$ $\quad \Delta v = v_1 \sqrt{\frac{1}{5}} = 3{,}53$ км/с +

5