



**ОТРАСЛЕВАЯ
ОЛИМПИАДА
ШКОЛЬНИКОВ**

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E = mc^2$$

$$\frac{H}{H} \cdot \frac{C}{C} = \frac{H}{H}$$

Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

70-10-01

26103

Класс 10

Вариант 4

Дата Олимпиады 17.02.18

Площадка написания ГЛК ТПЧ - 209

Задача	1	2	3	4	5	6	Σ		Подпись
	Цифрой	Прописью							
Оценка	0	4	15	8	25	10	62	шестьдесят две	819

Работа проверяется 02.04.2018.

Σ 65 шестидесят

пять

Первого задания нет?

Перепишили их в более

(в первом вине

№, решение неверно).

✓

В условии всего дано 6 сообшений. Перепишили их в более простой форме и упростили:

$$1) (\bar{A} \cdot B) + (\bar{B} \cdot \bar{C})$$

$$2) (A + B) \cdot (B + C) = AB + B^2 + AC + BC = AC + B$$

$$3) (A \rightarrow B) \rightarrow C \Leftrightarrow (\bar{A} + B)(A + \bar{B}) \rightarrow C = (AB + \bar{A}\bar{B}) \rightarrow C = (\overline{AB + \bar{A}\bar{B}} + C)(AB + \bar{A}\bar{B} + \bar{C}) = ((\bar{A} + \bar{B}) + (A + B) + C)(AB + \bar{A}\bar{B} + \bar{C}) = (\bar{A}\bar{B} + A\bar{B} + C)(AB + \bar{A}\bar{B} + \bar{C})$$

$$4) (\bar{y} \cdot \bar{z}) + (\overline{x + \bar{y}}) = \bar{y} \cdot \bar{z} + \bar{x} \cdot y$$

$$5) (B + C) \rightarrow (\bar{A} \cdot B) = (\overline{B + C} + \bar{A}B)(B + C + \bar{A} \cdot B) = (\bar{B} \cdot \bar{C} + \bar{A}B)$$

$$6) (A + \bar{C}) + (\bar{B} \cdot \bar{C}) = A + \bar{C}$$

Заметим, что 6 примеров из x, y, z можно заменить на A, B, C соответственно:

$$\bar{A} \cdot B + \bar{B} \cdot \bar{C}$$

Замечаем, что примеры №1, №4, №5 одинаковые.

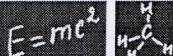
Следоваательно, они имеют общую черту. Это ровно половина, что удовлетворяет условию.

Это значит, что примеры №1, №4, №5 обладают первостепенной важностью.

Ответ: 1, 4, 5.

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E = mc^2$$



Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

70-10-01

24

Пусть красные эмодзи = К (всего 2)

зелёные Э. = З (всего 2)

жёлтые Э. = Ж (всего 2)

синие Э. = С (всего 2)

белые Э. = Б (всего 2)

Белого нет

Если ~~затемнить~~ на ПЛИСе все 6 эмодзи, то их можно расположить

так:

- КЗК
- ЗКЗ
- КСК
- СКС
- СКЗ; СЗК; КСЗ; КЗС; ЗКС; ЗСК
- КБКБ'; БКБК
- ЗБЗБ; БЗБЗ
- СБСБ; БСБС
- СЗС
- ЗСЗ
- ЗБКБ; КБЗБ; БКЗБ; БЗКБ
- ЗБСБ; БЗБ; БЗСБ; БСЗБ
- СБКБ; КБСБ; БКСБ; БСКБ
- СНБ (и ещё 5 вари.)
- КНБ (и ещё 5 вари.)
- ЗНБ (и ещё 5 вари.)

Всего 49 вариантов расположения цветных эмодзи при замене всех эмодзи на ПЛИСе.

Если заменять не все эмодзи, то расположить их можно след.

способом:

• К	• СЗ; ЗС
• З	• СБ; БС
• С	• ЗБ; БЗ
• Б	• БЗБ
• Ж	
• КБ; БК	• БСБ
• КС; СК	• НБ; БН
• КЗ; ЗК	• БНБ
• КН; НК	
БКБ	

• КЗБ (ещё 5 вари.)
• КСБ (ещё 5 вари.)
• ЗСБ (ещё 5 вари.)

не полное решение.

+2 б.

А это ещё 43 варианта располож.

следовательно, всего можно передать из 49 + 43 = 92 различных симолов

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E=mc^2$$

$$\frac{m}{n} \cdot \frac{c}{d} = \frac{m}{n} \cdot \frac{c}{d}$$

ШИФР 70-10-01

№2

1) Рассмотрим вид в командной строке: 0000 : 000000 : 000000
 Т.к. в командной строке часы имеют 9 символов, то там используется двоичный код.

$$12_{10} = 1000_2$$

$$60_{10} = 111100_2 \text{ (минуты и секунды).}$$

2) Время на лабораторных часах:

$$03:06:22$$

3) ~~Переведём~~ Время на дроне отстаёт на 3784 сек = 63 минуты 4 сек
 Снегова темно, на дроне время: 02:03:18 в Десятичной системе
 счисления.

4) Переведём время в двоичную СС:

$$\begin{array}{r}
 -\frac{2}{2} \left| \begin{smallmatrix} 2 \\ 1 \end{smallmatrix} \right. \\
 2_{10} = 10_2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 -\frac{3}{2} \left| \begin{smallmatrix} 2 \\ 1 \end{smallmatrix} \right. \\
 3_{10} = 11_2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 -\frac{18}{18} \left| \begin{smallmatrix} 2 \\ 1 \end{smallmatrix} \right. \\
 18_{10} = 10010_2
 \end{array}
 \quad
 \text{+18.}$$

Время на дроне не отстает, а появляется через время синх.

5) Вид в командной строке дрона: 0010:000011:010010

Ответ: 0010:000011:010010 —

№3

$y = k \cdot i$, где y - обём сообщения
 k - кол-во символов в тексте
 i - размер 1 символа

$$i_1 = 13 \text{ бит}$$

$$i_2 = 32 \text{ бит}$$

$$y_1 = k \cdot 13 - \text{размер сообщ. в 13-битном коде}$$

$$y_2 = k \cdot 32 - \text{размер сообщ. в УТР-32}$$

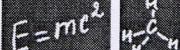
$$y_1 = \cancel{\text{XXXXXXXXXXXXXX}} \cdot 13 = 72 \cdot 13$$

$$y_2 = \cancel{\text{XXXXXXXXXXXXXX}} \cdot 32 = 72 \cdot 32$$

$$y_2 - y_1 = \cancel{1600 - 650 - 950} \cancel{\text{бит}} = 72(32 - 13) = 1368 \text{ бит}$$

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E=mc^2$$



Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР 70-70-01

26

Рассмотрим каждую группу из 9 цифр. Среди них нет цифр больше 2, можно предположить что это троичная система счисления.

$\begin{smallmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 1 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 2 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 2 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 2 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \\ 2 & 1 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 2 & 1 & 2 & 0 & 1 \end{smallmatrix}$
$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 2 & 1 & 2 & 0 & 1 \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 2 & 1 & 2 & 2 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 & 1 & 2 & 2 & 1 \end{smallmatrix}$
$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 2 & 0 & 1 \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 2 & 2 & \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} 2 & 1 & 1 & 2 & 1 & 1 & 2 & 2 & \end{smallmatrix}$

Заметим, что все цифры на позициях 1, 3, 4, 6, 7, 8 одинаковы. Значит, это технический ошиб. Запишем оставшиеся цифры.

$$\begin{array}{ccccc} 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 6 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{array} \quad \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & 0 \end{array} \quad \begin{array}{ccccc} 2 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 0 & 1 \end{array} \quad \begin{array}{ccccc} 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 2 & 1 \end{array} \quad \begin{array}{ccccc} 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 2 & 0 \end{array}$$

✓

Т.к. числа не отличаются на единицу, то есть, записан порядок цифр наоборот:

$$\begin{array}{ccccc} 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 \end{array}$$

Число необходимо для
сохранения одного размера.
 \Rightarrow в результате число
всё равно пишется с 0.

Переведём число в 10-тичную СС

1) $1_3 = 1_{10}$

$$102_3 = 3^2 + 2 = 11_{10}$$

$$202_3 = 2 \cdot 3^2 + 2 = 20_{10}$$

$$101_3 = 3^2 + 1 = 10_{10}$$

$$20_3 = 3^2 = 9_{10}$$

11120109 - исходное незашифрованное число

2) $21_3 = 2 \cdot 3^2 + 1 = 18 + 1 = 19_{10}$
 $1_3 = 1_{10}$

$$221_3 = 2 \cdot 3^2 + 2 \cdot 3 + 1 = 18 + 6 + 1 = 25_{10}$$

$$201_3 = 2 \cdot 3^2 + 1 = 18 + 1 = 19_{10}$$

1912519 - некётное кол-во цифр. Сл-но, надо пер. 4.



ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

$$(ab)c = a(bc)$$

ОЛИМПИАДНАЯ РАБОТА

ШИФР 70-10-01

ТИТУЛЬНЫЙ ЛИСТ

№ школы	ЛИЦЕЙ ПРИ ТПУ							
Населенный пункт	ТОМСК							

Номер варианта 4