



Класс 11 Вариант 11 Дата Олимпиады 10.02.2018

Площадка написания СПбГМУ

Задача	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Σ		Подпись
											Цифрой	Прописью	
Оценка	4	4	1	7	8	12	12	8	0	0	56	пятьдесят шесть	12

№1.

$$A = \frac{2^{-2} + 2018^0}{(0,5)^{-2} - 5(-2)^{-2} + \left(\frac{2}{3}\right)^{-2}} + 4,75 = \frac{\frac{1}{4} + 1}{4 - \frac{1}{4} \cdot 5 + \frac{9}{4}} + 4,75 = 5$$

60% от A - это 3.

Ответ: 3

№2

$\frac{1}{5}$: $\frac{1}{2}$: $\frac{1}{10}$: $\frac{3}{20}$

$\frac{1}{5} + \frac{1}{10} + \frac{3}{20} = \frac{9}{20}$ - общая газовая добыча "Новатэк", "Лукойл" и "Газпром".

$\frac{1}{2} - \frac{9}{20} = \frac{1}{20}$ - 8 млрд куб. м - разница в добыче "Роснефть" от суммарной добычи "Газпром", "Лукойл", "Новатэк".

Из этого следует, добыча каждой компании составила:

"Газпром" - 24 млрд куб. м
 "Лукойл" - 32 млрд куб. м
 "Роснефть" - 8 млрд куб. м
 "Новатэк" - 16 млрд куб. м

Общий объем = 24 + 32 + 8 + 16 = 80 млрд куб. м.

Ответ: 80.

№3

$$\sqrt{x^3 - 3x + 1} - x = -1$$

ОДЗ: $x^3 - 3x + 1 \geq 0$; $x \geq 1$

$$\sqrt{x^3 - 3x + 1} = x - 1$$

$$x^3 - 3x + 1 = x^2 - 2x + 1$$

$$x^3 - x^2 - x = 0$$

$$x(x^2 - x - 1) = 0$$

$$x = 0 \quad x^2 - x - 1 = 0$$

постор. корень

$$D = 1 + 4 \cdot 1 = 5$$

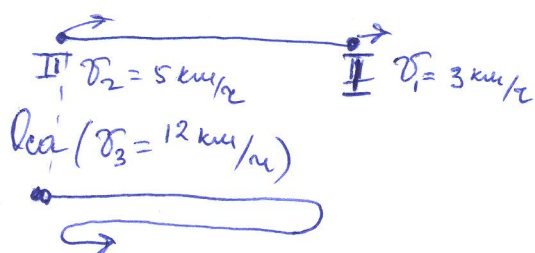
$$x_1 = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

$$x_2 = \frac{1 - \sqrt{5}}{2}$$

- посторонний корень. формула?

Ответ: $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$

№6



часов
Пусть t - это время, за которое II путешественник дойдет до другого.
Составим уравнение:

$$3t + 10 = 5t$$

Откуда $t = 5$ часов.

(+)

Тогда Iа проехала $12t$ км или 60 км

Ответ: 60.

№3

$$R = 258$$

d - расстояние между двумя деревьями не меньше 12 м
 D - это число ≤ 2018 деревьев.

Найдём S радиуса; π обозначим как 3,14

$$S = \pi R^2 = 2414 \pi = 66564 \pi$$

Потерь мы разделим это на d^2 .

$$d^2 = ?$$

Получим $462 \frac{1}{4} \pi$ деревьев может быть размещено

$$462 \frac{1}{4} \pi < 2018$$

что и требовалось доказать.

№9

$$k = 2197$$

$$\text{№10} (3 - \sqrt{6}; 2) \vee (5; 3 + \sqrt{6})$$

ответ и обосновать



$$(ab)c = a(bc)$$

$$E = mc^2$$



Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

16169

№8.

$$\begin{cases} \sin x - \frac{1}{\sin x} = \sin y \\ \cos x - \frac{1}{\cos x} = \cos y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin^2 x - 2 + \frac{1}{\sin^2 x} = \sin^2 y \\ \cos^2 x - 2 + \frac{1}{\cos^2 x} = \cos^2 y \end{cases}$$

$$\sin^2 y + \cos^2 y = 1$$

$$\sin^2 x - 2 + \frac{1}{\sin^2 x} + \cos^2 x - 2 + \frac{1}{\cos^2 x} = 1$$

$$\frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} = 4$$

$$\frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{\sin^2 x \cdot \cos^2 x} = 4$$

$$\frac{\sin^2 x \cdot \cos^2 x}{\cos^4 x + \sin^4 x} = \frac{1}{4}$$

$$\cos^2 x \cdot \sin^2 x = \frac{1}{4}$$

$$\sin^2 2x = 2 \sin^2 x \cdot \cos^2 x = \frac{1}{2}$$

$$\sin 2x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$$

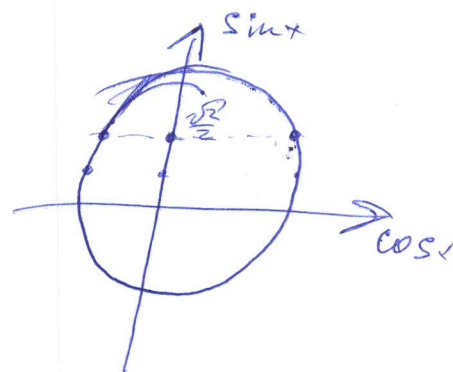
$$x = \frac{\pi}{8} + \pi k, k \in \mathbb{Z} \quad x = \frac{3\pi}{8} + \pi n, n \in \mathbb{Z}$$

$$\sin 2x - \frac{1}{\sin 2x} = \sin 2y$$

$$\sin 2y = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$y = -\frac{\pi}{8} + \pi l, l \in \mathbb{Z}$$

$$y = -\frac{3\pi}{8} + \pi m, m \in \mathbb{Z}$$



№9.

$$\sqrt{8x - x^2 - 7} = \sqrt{11 - x} \geq \sqrt{9x - x^2 - 18}$$

$$0 \leq 3: \quad 8x - x^2 - 7 \geq 0; 11 \geq x; 9x - x^2 - 18 \geq 0 \Rightarrow 3 \leq x \leq 6$$

$$11 - x + 8x - x^2 - 7 - 2\sqrt{(8x - x^2 - 7)(11 - x)} \geq 9x - x^2 - 18$$

$$-2\sqrt{88x - 8x^2 - 11x^2 + x^3 - 77 + 7x} \geq 2x - 22$$

$$\sqrt{x^3 - 19x^2 + 95x - 77} \leq 11 - x$$

$$x^3 - 19x^2 + 95x - 77 \leq 121 - 22x + x^2$$

$$x^3 - 20x^2 + 117x - 198 \leq 0$$

$$(x - 3)(x^2 - 17x + 66) \leq 0$$

$$(x - 3)(x - 6)(x - 11) \leq 0$$



Ответ: $[3; 6] \cup [11; +\infty)$



№5.

$$\frac{\sin^4 x + \cos^4 x - 1}{\sin^6 x + \cos^6 x - 1} = \frac{2}{3}$$

$$\sin^2 x = 1 - \cos^2 x$$

$$\sin^4 x = 1 - 2\cos^2 x + \cos^4 x$$

$$\sin^6 x = 1 - 3\cos^2 x + 3\cos^4 x - \cos^6 x$$

$$\frac{1 - 2\cos^2 x + \cos^4 x - 1}{1 - 3\cos^2 x + 3\cos^4 x - \cos^6 x + 1} = \frac{-2(\cos^2 x - \cos^4 x)}{2 - 3(\cos^2 x - \cos^4 x)}$$

$$\frac{1 - 2\cos^2 x + \cos^4 x - 1}{1 - 3\cos^2 x + 3\cos^4 x - \cos^6 x + \cos^6 x - 1} = \frac{-2(\cos^2 x - \cos^4 x)}{-3(\cos^2 x - \cos^4 x)} = \frac{-2}{-3} = \frac{2}{3}$$

Что и требовалось доказать.

