ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 15105

Класс 9 Вариант 1-2 Дата Олимпиады 10.02.18

Площадка написания КНИТУ

Задача	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Σ Цифрой	Σ Прописью	Подпись
Оценка	5	5	2	5	5	5	5 10	4 10	5 15	5 15	46 50 } 96	сорок шесть	Бесу-

№1

$4 \cdot \frac{3\frac{2}{3} - 2\frac{1}{6}}{1,5} = 4 \cdot \frac{3\frac{4}{6} - 2\frac{1}{6}}{1,5} = 4 \cdot \frac{1\frac{3}{6}}{1,5} = 4 \cdot 1 = 4$

Ответ: 4 +

№2

Пусть S – расстояние от А до В.

U – скорость авто.

$$\begin{cases} 2,5 \text{ч} \cdot U = S \\ (U+20) 2 \text{ч} = S + 15 \text{км} \end{cases} \quad \begin{cases} 2,5U = S \\ 2U + 40 = S + 15 \end{cases} \quad \begin{cases} 2,5U = S \\ 2U + 25 = S \end{cases}$$

$$0,5U - 25 = 0 \Rightarrow U = 50 \text{ км/ч}$$

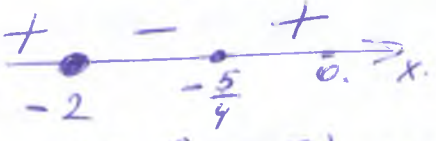
$$\begin{cases} U = 50 \text{ км/ч} \\ S = 125 \text{ км} \end{cases}$$

Ответ: 125 км +

№5.

$$\frac{4-x}{4x+5} \le -2 \qquad \frac{4-x}{4x+5} + 2 \le 0$$

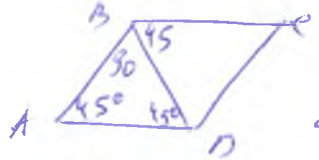
$$\frac{9-x+8x+10}{4x+5} \le 0 \qquad \frac{7x+14}{4x+5} \le 0$$



$x \in \left(-2; -\frac{5}{4}\right)$ ⇒ что удовлетворяет только одно (−2). +

Ответ: 1.

№6



$\angle ABD = 90°$ (BD = 5)

$\angle CBD = 45°$

$\angle BAD = 45°$

⇒ что $\triangle ABD$ – прямоугольный и р/б

$AB = BD$

Тогда $S_{\triangle} = \frac{AB \cdot AD \cdot \sin \angle BAD}{2} =$

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 15105

№4.

$\sqrt{2x-3} < 3$.

$(\sqrt{2x-3})^2 < (3)^2$

$2x-3 < 9$

$2x < 12$

$x < 6$.

ОДЗ: $2x-3 \geq 0$.

$x \geq 1,5$

Наименьшее целое число это (2).

Ответ: 2 +

№7.

$\sqrt{-x^2-x+12} = 3x-9$

$(\sqrt{-x^2-x+12})^2 = (3x-9)^2$

$-x^2-x+12 = 9x^2-54x+81$.

$10x^2-53x+69=0$

$D = b^2-4ac = 2809-2760 = 49 = 7^2$

$x_1 = \frac{53+7}{20}$ $x_2 = \frac{53-7}{20}$

$x_1 = \frac{60}{20}$ $x_2 = \frac{46}{20}$

$x_1 = 3$ $x_2 = 2,3$.

не подходит по ОДЗ. +

ОДЗ:

$3x-9 \geq 0$.

$3x \geq 9$

$x \geq 3$.

Ответ: (3)

№10

Давайте рассматривать сколько раз каждая цифра встречается.

0 сюда не будем.

1 – на месте 1 сотых: каждое десятое число 11, 21, ...

получаем: 100 – 10 + 1 = 91 число,

значит 9 раз на десятых, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19 по раз каждое число.

получаем: (100)

На месте сотых: (10) раз ну всю.

и на месте тысяч: (1)

в ряду получаем: $9 \cdot 100 + 100 + 1 = 300$.

В результате каждая цифра будет встречаться

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 15 105

В результате сумма всех будет равна:

$$\Sigma = 300 + 299 \cdot 2 + 299 \cdot 3 + 299 \cdot 4 + 299 \cdot 5 + 299 \cdot 6 + 299 \cdot 7 + 299 \cdot 8 + 299 \cdot 9 = 300 + 598 + 897 + 1196 + 1495 + 1794 + 2093 + 2392 + 2691 = 13456$$

№9

Аня	Боря	Витя
$x+5$	x	x
~~$-3z$~~	~~$-w$~~	~~$-w$~~
$-w$	$-w$	$-2w$
$-3z$	$-z$	$-z$

$x + 5 - w - 3z = 1$

$x + 4 = w + 3z$

$x = w + 3z - 4$

$(x - w - z) = 3(x - 2w - z)$

$x - w - z = 3x - 6w - 3z$

$2x - 5w - 2z = 0$

$2w + 6z - 8 - 5w - 2z = 0$

$4z - 3w - 8 = 0$

$z = 0{,}75w + 2$

$x = w + 3(0{,}75w + 2) - 4 = w + 2{,}25w + 6 - 4 =$

$= 3{,}25w + 2.$

$x - z + w = 3{,}25w + 2 - 0{,}75w - 2 = 2{,}5w - w =$

$= 1{,}5w$ — это у Бори ост. $x = 3{,}25w + 2$

$z = 0{,}75w + 2.$

$x - z - 2w = 3{,}25w + 2 - 0{,}75w - 2 - 2w =$

$= 0{,}5w$ — это ост. у Вити, а

у Бори $1{,}5w$.

Теперь запишем для Ани.

$x + 5 - w - 3z = 1.$

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 15105

Теперь будем подбирать. Вот $x = 3{,}25w + 2$,

а у нас было. (15)

$y + 5 = 7 + 3{,}25w$.

Но кол-во задач целое $\Rightarrow$ что

$3{,}25w$ = целому $\Rightarrow$

что w – кратно (4)

при $w = 4$. $3{,}25 \cdot 4 = (13)$

Тогда у нас было $13 + 7 = 20$

при увеличении w на 4 количество сохр. и задач.

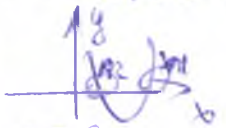
№8.

что все решено $w = 4; 8; 12 \ldots$

$n^2 - 188n + 2752 < 0$.

Итак, это парабола ветви которой вверх, тогда.

тогда получим:



кол-во задач: 20, 33 ...

Ответ.

нужно найти $x_1; x_2$

тогда приравняем к 0

$n^2 - 188n + 2752 = 0$

$D = b^2 - 4ac = 35344 - 11008 = 24336$

тогда $n_1 = \frac{188 + \sqrt{24336}}{2}$ $n_2 = \frac{188 - \sqrt{24336}}{2}$

$n_1 = 94 + \sqrt{6084}$ $n_2 = 94 - \sqrt{6084}$.

$n_1 = 94 + 2\sqrt{1521}$ $n_2 = 94 - 2\sqrt{1521}$

$n_1 = 94 + 6\sqrt{169}$ $n_2 = 94 - 6\sqrt{169}$.

$n_1 = 94 + 6 \cdot 13$ $n_2 = 94 - 6 \cdot 13$

$n_1 = 94 + 78$ $n_2 = 94 - 78$.

$n_1 = 172$ $n_2 = 16$

получаем арифм. прогрессию.

$a_1 = 16$. $d = 4$. $n = 40$ $a_n = 172$

$a_1 = 20$

$a_n = 168$

ГАЗПРОМ ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

Использовать только эту сторону листа, обратная сторона не проверяется!

ШИФР 15 105

$$\left(\left(\sqrt{mn} - \frac{mn}{m+\sqrt{mn}}\right) : \frac{\sqrt[4]{mn}-\sqrt{n}}{m-n} - m\sqrt{n}\right)^2 : \sqrt[3]{mn\sqrt{mn}}$$

① $\sqrt{mn} - \frac{mn}{m+\sqrt{mn}} = \frac{m\sqrt{mn}+mn-mn}{m+\sqrt{mn}} = \frac{m\sqrt{mn}}{m+\sqrt{mn}}$

② $\frac{m\sqrt{mn}}{m+\sqrt{mn}} \cdot \frac{m-n}{\sqrt[4]{mn}-\sqrt{n}} = \frac{m^2\sqrt{mn}-mn\sqrt{mn}}{m\sqrt[4]{mn}+\sqrt[4]{(mn)^3}-m\sqrt{n}-n\sqrt{m}} =$

$= \frac{m(m\sqrt{mn}-n\sqrt{mn})}{m\cdot\sqrt[4]{mn}+\sqrt[4]{mn}\cdot\sqrt{mn}-m\sqrt{n}-n\sqrt{n}} =$

$= \frac{m(m\sqrt{mn}-n\sqrt{mn})}{\sqrt[4]{mn}(m+\sqrt{mn})-\sqrt{mn}(\sqrt{m}+\sqrt{n})} = \frac{m(m\sqrt{mn}-n\sqrt{mn})}{\sqrt[4]{mn}(m+\sqrt{mn}-\sqrt[4]{mn}(\sqrt{m}+\sqrt{n})}$