



$$(ab)c = a(bc)$$

$$E = mc^2$$



Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

23171

Класс 9 Вариант 2 Дата Олимпиады 03.03.2018

Площадка написания МГТУ имени Н.Э. Баумана

Задача	1	2	3	4	5	6	Σ	Подпись
	Цифрой	Прописью						
Оценка	5 5 3 5 2 5	25	двадцать пять	5	25	двадцать пять	25	

(1) $R_o = 32 \Omega$

$R = 6 \Omega$

$$\frac{L_1}{L_2} = ?$$

Ответ:

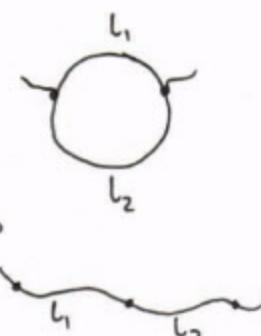
$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{1}{3}$$

* будем считать, что $L_2 \geq L_1$

1) пусть R_i - сопротивление
куска проволоки длиной

L_1, R_2 - проволоки длиной L_2

т.к. проволока сделана из
одного материала и имеет
постоянную площадь сечения,



$$(1) R_o = \rho \frac{L_1 + L_2}{S} = \rho \frac{L_1}{S} + \rho \frac{L_2}{S} = R_1 + R_2,$$

где ρ и S - величины, соотв.
характеризующие проволоку

2) при параллельном соединении

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Leftrightarrow R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \quad (2)$$

3) (1), (2):

$$RR_o = 192 \Omega = R_1 R_2 \quad \left. \begin{array}{l} R_1 = R_o - R_2 \\ R_1 = R_o - R_2 \end{array} \right\} \Rightarrow R_2^2 - 32R_2 + 192 = 0;$$

отсюда:

$$R_2 = 24 \Omega$$

$$R_1 = 32 - 24 = 8 \Omega$$

$$D = \rho^2 - 4ac = 1024 - 768 = 256$$

$$\sqrt{D} = 16$$

$$R_{21} = \frac{32 + 16}{2} = 24 \Omega$$

$$R_{22} = \frac{32 - 16}{2} = 8 \Omega$$

верный $R_{21} = 24 \Omega$
вар-т
т.к. в против-
мом случае $R_1 > R_2 \Rightarrow L_1 > L_2$,
мы же условились об обратном

4)

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{\rho \frac{L_1}{S}}{\rho \frac{L_2}{S}} = \frac{L_1}{L_2} = \frac{8}{24} = \frac{1}{3}$$

(2)

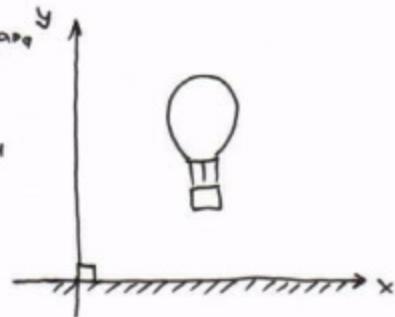
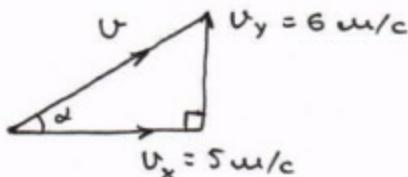
+

(5).

см. след. стр.

- (№2)** 1) Нам известны скорость удаления шара от поверхности земли (проекция скорости шара на ОY) и скорость горизонтального перемещения шара (проекция скорости шара на ОX), т.е.

Ответ:
 $u = 5 \text{ м/с}$



Скорость шара u :

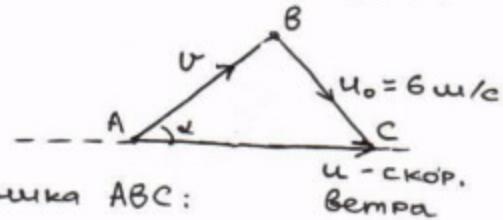
$$u = \sqrt{U_x^2 + U_y^2} = \sqrt{25 + 36} (\text{м/с}) = \sqrt{61} (\text{м/с})$$

- 2) Зная скорость шара отн. земли и скорость ветра отн. шара, мы можем легко найти скорость ветра отн. земли.

Рассмотрим 2 случая:

- I** $\alpha < 1.1$) $\cos \alpha$ найдём из п.1:

$$\cos \alpha = \frac{5}{\sqrt{61}}$$



1.2) по т. косинусов для треугольника ABC:

$$u_0^2 = u^2 + u^2 - 2u u \cos \alpha$$

Подставим известные значения:

$$36 = 61 + u^2 - 2\sqrt{61} u \frac{5}{\sqrt{61}}$$

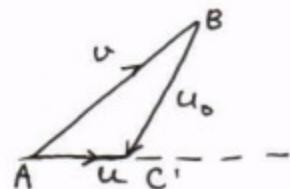
$$u^2 - 10u + 25 = 0 \quad (1)$$

II 2.1) $\cos \alpha = \frac{5}{\sqrt{61}}$

2.2) по т. косинусов для $\triangle ABC'$:

$$36 = 61 + u^2 - 2\sqrt{61} u \frac{5}{\sqrt{61}}$$

$$u^2 - 10u + 25 = 0 \quad (2)$$



3) Уравнения (1), (2) идентичны
ибо $(u - 5)^2 = 0 \Rightarrow u = 5 \text{ м/с}$

получается
($\angle BCA = \angle BCA = 90^\circ$)

№3

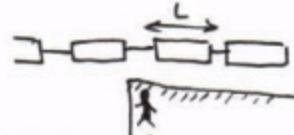
$\frac{t_1, t_2}{t_0 - ?}$

$a = \text{Const}$

 пусть L - длина вагона

т.к. поезд разгонялся из неподвижного состояния,

ВИД СВЕРХУ:


 и до того, как пассажир ~~бежал~~ бежал на платформу,

Ответ:

$t_0 = \sqrt{2t_1^2 - t_2^2}$

1) с того м-та, как поезд тронулся, хвост последнего вагона прошел расст:

$\Rightarrow l_0 = \frac{at_0^2}{2}$

 \checkmark **не удач.**

2) с начала движения и до м-та, как мимо п. проехал предп. вагон, хвост прошел:

$\Rightarrow l_0 + L = \frac{at_1^2}{2} \Leftrightarrow L = \frac{a(t_1^2 - t_0^2)}{2} \quad (1)$

3) с начала движения и до м-та, как мимо п. прошел посл. вагон, хвост прошел:

$\Rightarrow l_0 + 2L = \frac{at_2^2}{2} \Leftrightarrow 2L = \frac{a(t_2^2 - t_0^2)}{2} \quad (2)$

4) - (1), (2):

$2 = \frac{t_2^2 - t_0^2}{t_1^2 - t_0^2};$

$2t_1^2 - 2t_0^2 = t_2^2 - t_0^2;$

$t_0^2 = 2t_1^2 - t_2^2;$

$\Rightarrow t_0 = \sqrt{2t_1^2 - t_2^2}$

 \checkmark (3).

№4

$\frac{a}{a_0 - ?}$

$F_{\text{на землю}}: \rho g h S = \rho g a_0 a^2$

ответ:

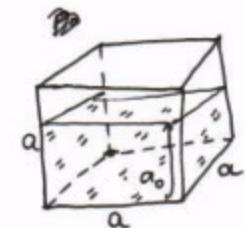
$a_0 = \frac{1}{2} a$

$F_{\text{на землю}} = F_{\text{на стенки}}$

$\rho g a_0 a^2 = 2 \rho g a_0^2 a$

$a = 2a_0$

$a_0 = \frac{1}{2} a \quad +$


 \checkmark (5).

$$(ab)c = a(bc)$$

$$(ab)c = a(bc) \quad F=mc^2$$



NS

4) Т.к. $m_1 > m_2$ но усл., что «едет» в сторону грузика m_1 ,

$$O T \beta E T :$$

в тот м-р, как верёвка расположена симметрично, то вращение вокруг оси

$$\frac{m_1 + m_2 + m_0}{a - ?}$$

Алкаждого ~~же~~ очень маленького кусочка длины dx , слева найдётся такой же справа, ускорение которого направлено в противоположную сторону \Rightarrow мы можем не учитывать веревку в расчетах и работать с системой, в которой нить невесома и нерастяжима.

2) но можно, $a = a_1 = a_2$ (из условия невесом/нерастяжимы)

$$\cancel{m_a = m_1 g - T} \quad (\text{II з-н Ньютона в пр. на} \\ \text{ох для 1 грузик})$$

$$\begin{aligned} & \cancel{m_2 g + m_2 a} + m_2 g = T \\ & -m_2 a = m_2 g - T \quad (\text{II 3-й Ньютона в н} \\ & \quad \text{ок для 2 грузика}) \end{aligned}$$

отсюда:

$$(m_1 + m_2)a = m_1 g - T - m_2 g + T$$

$$a = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} g$$

N6

$$\begin{aligned} t &= 59^{\circ}\text{C} \\ m_1 &= 5 \text{ kg} \\ t_1 &= 60^{\circ}\text{C} \\ m_2 &= 1 \text{ kg} \\ t_2 &= 20^{\circ}\text{C} \\ m_3 &=? \end{aligned}$$

OTBET:

1) Ур. теплового баланса для 2 сосуда (после того, как туда перелили воду массой m_1 и $t = t_1$):

$$Q_0 + Q_2 = 0$$

$$Q_{\text{out}} = Q_{\text{in}}$$

$$m_1 C(t_x - t_1) + m_2 C(t_x - t_2) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m_0(t_x - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \text{ } \cancel{\text{for}}, \quad (1)$$

Где t_x - устанавливающаяся температура

2) УР. теплового баланса для 1 сосуда (после того, как туда перелили обратно воду массой m_0 при $t = t_x$):

$$Q_1 + Q'_0 = 0;$$

$$(m_1 - m_0) c (t - t_1) + m_0 c (t - t_x) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (m_1 - m_0)(t - t_1) + m_0(t - t_2) = 0 \quad (2) \text{ на } \begin{matrix} \text{продолжение} \\ \text{след. стр} \end{matrix}$$

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E = mc^2$$

$$\mu_{\text{H}} = \frac{1}{2}$$

Использовать только эту сторону листа,
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

23171

№ 6 (продолжение)

3) (1), (2):

$$\begin{cases} m_0(t_x - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \\ (m_1 - m_0)(t - t_1) + m_0(t - t_x) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} m_0(t_x - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \\ m_1(t - t_1) + m_0(t_1 - t_x) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} m_0(t_x - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \\ m_1(t - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} m_0(t_x - t_1) + m_2(t_x - t_2) = 0 \\ t_x = \frac{m_1}{m_2}(t_1 - t) + t_2 \end{cases}$$

отсюда:

$$m_0 = m_2 \frac{(t_2 - t_x)}{(t_x - t_1)} = \frac{-\frac{m_1}{m_2}(t_1 - t)}{\frac{m_1}{m_2}(t_1 - t) + t_2 - t_1} = \frac{-5 \cdot 1}{5 + 20 - 60} = \frac{-5}{-35} (kr) = \frac{1}{7} kr$$

?

(5)