

ГАЗПРОМ

**ОТРАСЛЕВАЯ  
ОЛИМПИАДА  
ШКОЛЬНИКОВ**

$$(ab)c = a(bc)$$

$$E=mc^2$$



Использовать только эту сторону листа,  
обратная сторона не проверяется!

**ШИФР**

3 9 9 0 1

Класс 11

Вариант 12

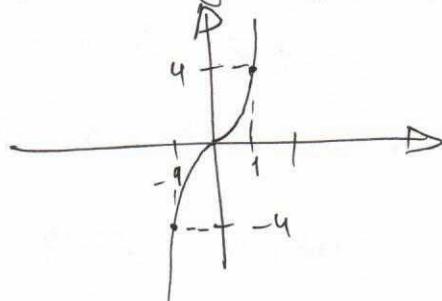
Дата Олимпиады 09.02.19

Площадка написания МГПУ им. Баумана

Задача	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	$\Sigma$		Подпись
	Цифрой	Прописью											
Оценка	5 - 2 20 20 -	47	сорок семь	Plan									

$$N1. f(x) = x^4 - 6x^3 + 11x^2 + 4x + 9 = 0$$

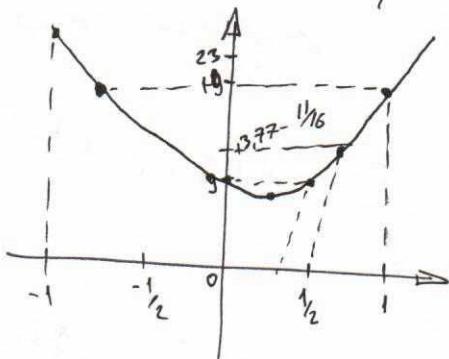
нашёл производную:  $f'(x) = 4x^3 - 18x^2 + 22x + 4 = 0$



обычная ф-ия; из того что  $x=1 \Rightarrow y=4$  и  $x=-1; y=-4 \Rightarrow$  ф-ия

$(-\infty; 0)$  - ~~ниже~~ ниже 0;  $(0; +\infty)$  - выше.  $f' \begin{matrix} - & + \\ \hline 0 & \end{matrix}$

$\Rightarrow f(x)$  - парабола; вершина вверх (коэф перед  $x^4$  плюс) и



$x$	0	1	-1	$1/2$
$y$	9	19	23	$13,77 - \frac{1}{16}$

увеличение скор. роста ф-ии  
другим выше 0.

пересеч нет  $\Rightarrow$  корней нет  $\Rightarrow$  не имеет реш.

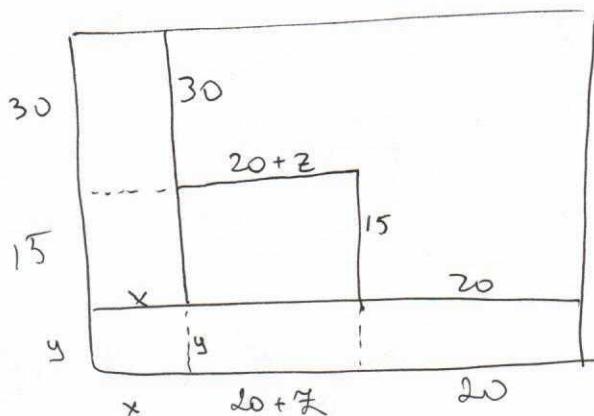
5

~ 5.

см. дальше  $\rightarrow$

ШИФР

3 9 9 0 1



$$S = 2100$$

Для нахождения методом при симметричного  
бесконечного заменки, то  $y$  зависит от  $z$  и  $x$ .  
от  $x$  и  $z$ ; а от  $x$  и  $z$  зависит друг  
от друга (так как  $x$  зависит от  $z$ , тем больше  $x$ , тем больше  $z$ )

таким образом получаем несolv. уравнений и заменки, то  
 $z=0$ ; таким образом  $GK=20 \Rightarrow x=20$  и остается  $y$ , кос. бут  
 $w\sqrt{x} + z \Rightarrow y=15$   $Bk=45+15=60$ ;  $KE=20+20+20=60$ ;  $GH=20$   
 $P=60 \cdot 4=240$  - исходная длина ортого. участ.

✓ Ортог: 240; 60; 60;  
20.

20

№3. рассл. первое несolv. уравн:

$$y = \cos^2 x \quad y' = \cos' x \cos x + \cos x \cos' x = -2 \sin x \cos x$$

$$y'' = -2 \cos^2 x + 2 \sin^2 x = 2 \omega_2 x$$

то есть за 3 действия из  $\cos^2 x \rightarrow 2 \cos 2x \rightarrow 4 \sqrt{\cos 4x}$   
кор. ортогональ  $\cos^2 x \rightarrow 2 \cdot x (\cos 2x)^{\frac{1}{2}}$

$$\begin{aligned} 2013: 3 &= 673 \Rightarrow 2013-\text{я порядка}: 673 \cdot 2 \left( \cos 673 \cdot 2x \right)^{\frac{1}{673}} = \\ &= 1346 \left( \cos 1346x \right)^{\frac{1}{673}}. \end{aligned}$$

1)

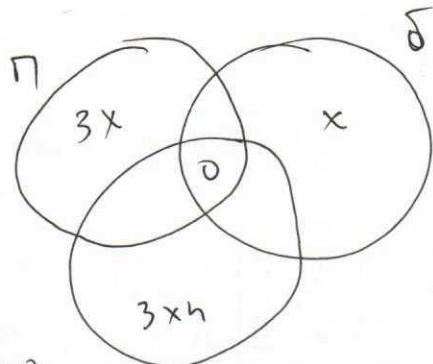
№4. Сл. выше  $\rightarrow$



Использовать только эту сторону листа,  
обратная сторона не проверяется!

ШИФР

3	9	9	0	1
---	---	---	---	---



36 - всего

0 - те кто сразу K  
провер.

и

чтобы

каменщики =  $K = 3 \times n$ девонщики =  $D = x$ тигрихи =  $n = 3x$ 

тех кто двуя =

$$3x + 3$$

$$3 \leq n \leq 20$$

тех, кто двуя это  $A + B + D$ 

тогда есть всего раб-домов у нас

$$3x + x + 3xn - (3x + 3) = 36$$

$$x + 3xn = 39$$

$$x(1 + 3n) = 3 \cdot 13$$

должно дел. на 3 и на 13

~~$13 \cdot x = 3 \cdot 13$~~

$$x = 3$$

тогда тех кто им. 1 проп. это

все те кто имел 2 проп., т.е.

$$\text{это } (3x + 3) \Rightarrow$$

$$36 - (3 \cdot 3 + 3) = 36 - 12 = 24$$

Ответ: 24 чел. имел 1 проп.

20

$1 + 3n \neq 1$  из этого услов.

тогда  $1 + 3n : 3$

или

$$1 + 3n : 13$$

но  $1 + 3n \geq 10$  из условия

тогда  $1 + 3n : 13 \Rightarrow$

$$1 + 3n = 13$$

или

$$1 + 3n = 39, \text{ но}$$

$1 + 3n \neq 39$ , при условии

$n = \text{число} \Rightarrow$

$$1 + 3n = 13 ; n = 4$$