ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

1. Используйте только размеченные стороны листов.
2. Заполните номер варианта и номер страницы в поле внизу.

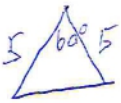
Математика

Площадка написания

Национальный исследовательский Томский политехнический университет (Физика, Математика)

Шифр 97321 Класс 10

Вариант 11 Дата 19.02.2022

3) Дорога 6 или 2 ~~В Д Б~~ в этом случае через пос расстояние между ~~Пок~~ деревнями составит 5 км, так ~~остроугольный~~ основание равнобедренного треугольника с углом при вершине 60° и боковыми сторонами по 5 км. 

4) Дорога 1 Очевидно, что расстояние между деревнями будет один.

Итого возможных случаев: 6

Подходящие: 3

Вероятность составит $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

1. Используйте только размеченные стороны листов.
2. Заполните номер варианта и номер страницы в поле внизу.

Математика

Площадка написания
Национальный исследовательский Томский политехнический университет (Физика, Математика)

Шифр 97321 Класс 10

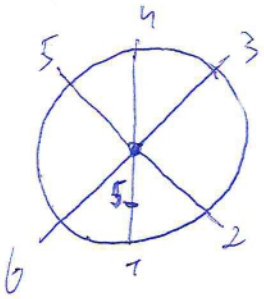
Вариант 41 Дата 19.02.2022

Заполняется проверяющим строго по образцу

Образец заполнения: 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
				2 0 1 5					

Оценка цифрами: 3 5 | Оценка прописью: тридцать пять | Подпись: Шарыгина

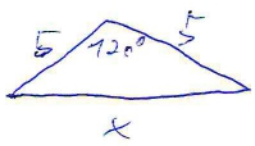
4. 

Очевидно, что если зафиксировать первого гонца на одной из дорог, вероятность будет зависеть от выбора второго гонца.

Пусть первый гонец ~~[illegible]~~ найдётся на 1-ой дороге. Рассмотрим возможные варианты выбора дороги вторым гонцом. 2об.

1) Дорога 4 Через нас расстояние между гонцами составит 10км, т.к. они на одной прямой

2) Дорога 5 или 3 Через нас расстояние между гонцами будут равняться сторонам равнобедренного треугольника с боковыми сторонами по 5 км и углом между ними 120°.



По теореме косинусов: $x^2 = 5^2 + 5^2 - 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot \cos 120°$

$x^2 = 50 - 50 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)$

$x^2 = 75 \quad x \geq 0$

$x = \sqrt{75}$

$\sqrt{75} > 8$

Расстояние $\sqrt{75}$ км, больше 8км

ОТРАСЛЕВАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ГАЗПРОМ

1. Используйте только размеченные стороны листов.
2. Заполните номер варианта и номер страницы в поле внизу.

Математика

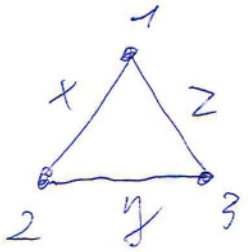
Площадка написания

Национальный исследовательский Томский политехнический университет (Физика, Математика)

Шифр 97321 Класс 10

Вариант 41 Дата 19.02.2022

5.



Запишем условия задачи введя обозначения расстояний между станциями.

$$\begin{cases} x+y=42 \\ z+y=a+x \\ x+z=85 \end{cases} \quad \begin{matrix} \text{I} \\ \text{II} \\ \text{III} \end{matrix}$$

Из III

$x = 85 - z$

подставим в II

$z + y = a + 85 - z$

$2z + y = a + 85$

$y = a + 85 - 2z$

Подставим всё в I

$85 - z + a + 85 - 2z = 42$

$170 + a = 7z$

или $a = 5$

$175 = 7z$

$z = 25$

$\Rightarrow x = 85 - z = 60$

$y = 20 - 5c = 40$

25, 60, 40 при $a = 5$

15б

$z \leq 85$ расстояние не может быть отрицательным

$170 + a = 7 \cdot 85 = 595$

$a = 425$

$\Rightarrow a \leq 425$

Аналогично

$170 + a \geq 2z$

$a \geq -170$

не верная оценка для a!

$-170 \leq a \leq 425$ ✓